

多項式

重點整理一

1. 多項式的定義：由數字和文字符號 x 進行加和乘法運算所構成的式子，稱為 x 的多項式。

註：若 x 出現在分母、絕對值內則不為多項式。

例：4、 $3x$ 、 $2x^2 + 3x - 4$ 、... 皆稱為 x 的多項式。(註： $\frac{1}{x}$ 、 $|x|$ 不是 x 的多項式。)

2. 項與係數：在多項式中，被加、減運算符號分開的每一部分，包含其前面的運算符號，稱為項。其中含有 x^2 的項稱為二次項，含有 x 的項稱為一次項，而不含任何文字的項稱為常數項。而在各項中，文字符號以外的部分就稱為此項的係數。

3. 多項式的次數：多項式其係數不為 0 的各項中，文字符號的最高次數，稱為此多項式的次數。

4. 同類項：在多項式中，文字符號及次數都相同的項，稱為同類項。

5. 排列方式：

(1) 升冪排列：一個多項式，按照某文字的次數由小到大排列，稱為升冪排列。

(2) 降冪排列：一個多項式，按照某文字的次數由大到小排列，稱為降冪排列。

6. 單項式：如果一個多項式只有單獨一項，稱此多項式為單項式。

例： x^2 、 $4x$ 、10 都是 x 的單項式。

7. 常數多項式：如果一個單項式沒有含文字符號，只有一個常數項，我們將其稱為常數多項式。

8. 零次多項式與零多項式：如果一個常數多項式不等於零，我們規定此多項式的次數是零，稱為零次多項式。如果此常數多項式剛好是 0，我們稱此多項式為零多項式。

例：5 稱為零次多項式、0 稱為 0 多項式。(註：零多項式的次數將不討論。)

9. 若多項式 $ax^2 + bx + c$ 與多項式 $px^2 + qx + r$ 相等，則 $a=p$ 、 $b=q$ 、 $c=r$ 。

例1：請判斷下列哪些式子是 x 的多項式。

式子	是	否
$2x^2 + 3x$		
$-x + x^2$		
$\frac{1}{x} - 3$		
-8		
$ x+3 $		

例2：多項式 $-3 - x^2$ 為 _____ 次多項式，其中 x 項的係數為 _____，常數項為 _____。

例3： $-2 + 3x - 5x^2$ 是幾次多項式？ _____。共有幾項？ _____。
各項係數總和為？ _____。

例4：請寫出下列各多項式的次數，以及各項的係數。

多項式	多項式次數	x^3 項係數	x^2 項係數	x 項係數	常數項
(1) $4x^3 - 3x + 2$					
(2) $-2x^2 - 7x + 4$					
(3) $-5x^3 + x^2 - 3x$					
(4) $7 - 2x + 3x^2$					
(5) $-x^2 - 3x$					
(6) $x^2 - 1$					

例5：請在下列各選項中，選出適合的答案。

- () (1) $3x^2 + 6x + 5$
- () (2) $198x^2 + 1111$
- () (3) $-x^2 + 3x - 5$
- () (4) $6x^3 + 11x^2 - 5x + 1$
- () (5) $x^4 + 2x^3 + 3x^2 + 4x + 6$

- A. 最高次數是3次
- B. 常數項係數為-5
- C. 缺一次項
- D. 一次項係數為6
- E. 共有五項

例 6：判別下列各種多項式

下面選項(A)~(F)都是 x 的多項式，請根據下列的問題，填入適當的代號。

(A) $2x^2 + 3x + 1$ (B) $2x + \frac{1}{2}$ (C) $-4x^2 + 1$ (D) $5x$ (E) 8 (F) $-\frac{2}{3}$

- (1) 哪些是二次多項式？ _____
- (2) 哪些是一次多項式？ _____
- (3) 哪些是單項式？ _____
- (4) 哪些是常數多項式？ _____
- (5) 哪些是零次多項式？ _____

例 7：請將下列各多項式以升幂或降幂排列。

多項式	升幂排列	降幂排列
(1) $12 + 5x^2 - 7x$		
(2) $-6x^2 + 4 - 2x$		
(3) $3x^2 - 4 + 8x - 2x^3$		
(4) $5x^3 - 1 - x$		

例 8：若 $x^2 + 2x^3 + 5 + ax^3 - x - 3ax^2$ 為二次多項式，則 $a =$ _____，又此多項式化簡整理按降幂排列為_____。

重點整理二

1 多項式加減法的直式計算：

- (1) 先把多項式按升冪或降冪排列。
- (2) 將同類項上下對齊，再將相對應的係數相加或相減。
- (3) 有缺項的位置補 0

2. 多項式加減法的橫式計算：兩個多項式相加或相減時，就是將它們的同類項合併，也就是將兩多項式的同類項係數相加或相減。

3. 分離係數法：在直式計算時，有時為了方便，會省略其中的文字符號，僅寫出係數，這樣的運算稱為分離係數法。

國二數學先修講義

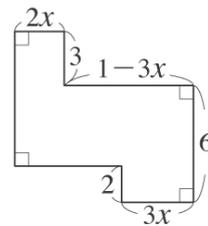
例1：以直式計算 $(-x^2 + 2x - 1) + (3x^2 + 3)$ ，並將答案以降幂排列。

例2：化簡 $(4 - 3x^2) - (4x + 3x^2 - 5)$ 按升幂排列为_____。

例3：阿仁解一道數學題目，誤將 $A - B$ 看成 $A + B$ ，結果求出的答案是 $-7x^2 + 6x + 1$ ，已知 B 為 $5x^2 - 4x + 3$ ，則 $A - B$ 的正確答案為_____。

例4：化簡 $(8x^2 + 5x - 6) + (ax^2 - 6x + b)$ 的結果，若 x^2 項係數為2，常數項是3，則 $a + b =$ _____。

例5：試用 x 的多項式表示出圖中多邊形的周長。



例6：若 $(ax^2 + 3x - 5) + (2x^2 - bx + c)$ 化簡後為常數多項式，且常數項為7，則 $a - b + c$ 的值為何？

例7：已知兩個多項式 A 與 B ，若 $A + B = 4x^2 - 3x + 5$ ， $A - B = 4x^2 + 3x - 5$ ，則 $3A - 5B = ?$

例8：若多項式 $(10x^2 + 6x - 1) + (-7x^2 - x - 1)$ 的結果與多項式 $(2x^2 - 3x - 4) - (-x^2 + ax + b)$ 的結果相同，則 $a + 2b = ?$

重點整理三

1. 多項式的乘法運算

(1) 單項式乘單項式：係數寫在前面，文字相乘寫在後面即可

(2) 多項式乘多項式：利用乘法對加法的分配律來計算，常用的計算方法有橫式算法與直式算法兩種。

2. 多項式的乘法可用橫式、直式計算。

3. 兩個最高次數分別為 m 次與 n 次的多項式相乘，其乘積的次數為 $(m+n)$ 次。

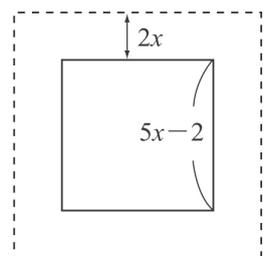
例1：化簡展開 $(x-4)(x+2)-(2x-3)(3-2x)=$ _____。

例2：若 $2A=4x^2+1$ ， $3B=6x-3$ ，則 $A \times B$ 的常數項為_____。

例3：多項式 $(x-3)^2+(x+3)^2-(x-3)(x+3)$ 化簡後的一次項係數為何？

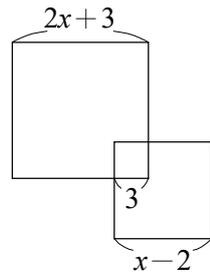
例4：若 $(x-3)(x+4)(x-5)=ax^3+bx^2+cx+d$ ，則 $a+b+c+d=?$

例5：王老先生有一塊正方形田地，邊長為 $5x-2$ 公尺，若他在四周圍開闢一條寬為 $2x$ 公尺的小路，如圖所示，則小路的面積是_____平方公尺。



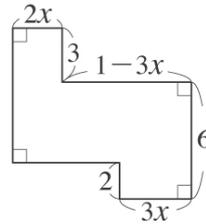
例 6：如右圖，兩個邊長分別為 $2x+3$ 與 $x-2$ 的正方形重疊在一起。

如果重疊部分是邊長為 3 的正方形，則疊合後的總面積為_____平方單位。



例 7：若多項式 $12x^3+9x^2+kx-3$ 與 $(ax^2+b)(4x+3)$ 相等，其中 a 、 b 、 k 為常數，則 $a+b-k=$ _____。

例 8：試用 x 的多項式表示出圖中多邊形的面積。



重點整理四

1. 多項式的除法運算

(1) 單項式除以單項式：將原式化為分式，數字部分約分，文字部分用指數律化簡。

(2) 多項式除以多項式：將被除式和除式按降冪排列，遇有缺項須補 0，再仿照數字的直式除法計算，直至餘式為 0 或餘式次數較除式次數低為止。

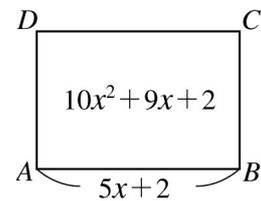
2. 在做多項式的除法運算時，當餘式為 0，我們稱除式可以整除被除式，此時商式也可以整除被除式。

3. 除法原理：被除式 = 除式 \times 商式 + 餘式，即 $\frac{\text{被除式}}{\text{除式}} = \text{商式} + \frac{\text{餘式}}{\text{除式}}$ 。

例1：求 $(x^2 + 1) \div (2x - 1)$ 的商式為_____，餘式為_____。

例2：若多項式A除以 $x - 2$ 得到商式為 $x - 1$ ，餘式為 -2 ，則 $A =$ _____。
(依降冪排列)

例3：如圖，已知長方形 $ABCD$ 的面積為 $10x^2 + 9x + 2$ ，且 $\overline{AB} = 5x + 2$ ，則 $\overline{BC} =$ _____。



例4：右方是多項式的直式除法運算，在計算過程中有四個係數不慎被擦掉，若以 a 、 b 、 c 、 d 分別表示這四個係數，則 $a + b + c + d$ 之值為多少？

$$\begin{array}{r} 2x + d \\ x - 2 \overline{) ax^2 + 3x - c} \\ \underline{2x^2 - 4x} \\ bx - c \\ \underline{dx - 14} \\ 9 \end{array}$$

例 5：若 $6x^2 - x - a$ 能被 $3x + 7$ 整除，求 $a = ?$

例 6：(1) 若以 $2x - 3$ 除多項式 A 得商式為 $-6x + 1$ 、餘式為 7 ，則多項式 A 為何？

(2) 已知 B 為多項式，且 $\frac{6x^2 - x - 1}{B} = (2x + 1) + \frac{1}{B}$ ，則多項式 $B = ?$

例 7：已知多項式 B 除以 $x + 2$ 的餘式為 -5 ，則 $2B + 4$ 除以 $x + 2$ 的餘式為何？

5. $(7x^2 - 3) - (5x - 2x^2) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

6. $(1 - 2x - 3x^2) - (3 + x + 7x^2) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

7. $(-x^2 - 3x + 5) - (x^2 - 5x - 4) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

8. $(x^2 + 3x - 8) - [(x + 3) - (x^2 - x + 9)] = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

9. $(x^2 - 1) - [(2x^2 - x - 4) - (2x^2 - 1)] = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

10. 若 B 是多項式，且 $B + (1 - 2x^2 + 5x) = 2x^3 + 7 - 9x$ ，則多項式 B 為何？

重點三

1. $(-\frac{3}{4}x^2) \cdot 8x = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

2. $(-\frac{2}{5}x)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

3. $7x \cdot \left(-\frac{5}{21}x^2\right) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

4. $(2x+1)(-5x) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

5. $(-2x+3)(x-4) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

6. $(x-1)(2x^2-x+1) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

7. $(2x-1)(-x^2+3) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

8. $(2+5x)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

9. $(4-3x)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

10. $(1-9x)(1+9x) = \underline{\hspace{2cm}}$

重點四

1. $(-18x^2) \div (10x^2) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

2. $(9x^2+12x-3) \div (-3)$ 的商式為 $\underline{\hspace{2cm}}$ ，餘式為 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

3. $(6x+4x^2) \div (-x)$ 的商式為 $\underline{\hspace{2cm}}$ ，餘式為 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

4. $(x^2 - 4x + 7) \div (x + 2)$ 的商式為 _____，餘式為 _____。

5. $(9x^2 + 17x + 7) \div (3x + 4)$ 的商式為 _____，餘式為 _____。

6. $(-8x^2 - 3) \div (2x - 1)$ 的商式為 _____，餘式為 _____。

7. $(x^2 + x + 1) \div (x^2 + x - 1)$ 的商式為 _____，餘式為 _____。

8. $(2x^2 + 3x + 9) \div (2x^2 - x + 3)$ 的商式為 _____，餘式為 _____。

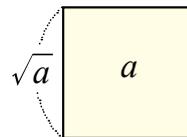
9. $(2x^2 + 3x + 7) \div (2x^2 + 3)$ 的商式為 _____，餘式為 _____。

10. 如果一個多項式 A 除以 $x - 4$ 的商式為 $x + 5$ ，餘式為 6 ，試求此多項式 A 。

平方根與近似值

重點整理一

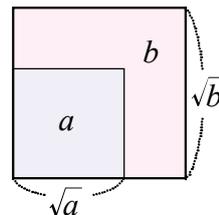
1.(1)若一個正方形的面積為 a ，則它的邊長為「 \sqrt{a} 」(讀作：根號 a)，
且滿足 $(\sqrt{a})^2 = a$ 。



(2)已知 a 、 b 為兩個正數，若 $a = b^2$ ，則 $\sqrt{a} = \sqrt{b^2} = b$ 。當 a 、 b 均為正整數時，稱 a 為
完全平方數。

2.若兩個正方形的面積分別為 a 與 b ，且 $a < b$ ，那麼 $\sqrt{a} < \sqrt{b}$ ；

也就是說：若 $0 < a < b$ ，則 $0 < \sqrt{a} < \sqrt{b}$



例 1：用根號表示下列正方形的邊長：

- (1) 面積為 5。 (2) 面積為 12。 (3) 面積為 4。

例 2：(1) $(\sqrt{5})^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ 。 (2) $(\sqrt{\frac{1}{2}})^2 = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

例 3：求下列各式的值：

(1) $\sqrt{7^2}$ (2) $\sqrt{9^2}$ (3) $\sqrt{(\frac{7}{9})^2}$

例 4：比較下列各數的大小：

(1) $\sqrt{21}$ 、5、 $\sqrt{27}$ (2) $\sqrt{\frac{2}{3}}$ 、 $\sqrt{\frac{3}{4}}$

例 5：在□中填入>，=，<的符號：

(1) $\sqrt{51}$ □ 7 (2) $\sqrt{\frac{7}{6}}$ □ $\sqrt{\frac{5}{4}}$

重點整理二

1. 當一個數很大時，可以利用標準分解式來判斷它是否為平方數或者是哪一數的平方，並且求得 \sqrt{a} 的值。

例如： $\sqrt{1225} = \sqrt{5^2 \times 7^2} = \sqrt{(5 \times 7)^2} = 5 \times 7 = 35$ 。

2. 利用十分逼近法求得 \sqrt{a} 的近似值。

十分逼近法

 將 1 與 2 之間十等分，請利用計算機計算下表中各數的平方值判斷 $\sqrt{2}$ 在哪兩個相鄰的一位小數之間？

a	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	1.6	1.7	1.8	1.9
a^2									

由上表可知 $\underline{\hspace{2cm}} < \sqrt{2} < \underline{\hspace{2cm}}$ 。

 將 1.4 與 1.5 之間再十等分，請利用計算機計算下表中各數的平方值判斷 $\sqrt{2}$ 在哪兩個相鄰的二位小數之間？

a	1.4	1.41	1.42	1.43	1.44	1.45	1.46	1.47	1.48	1.49
a^2	1.96									

由上表可知 $\underline{\hspace{2cm}} < \sqrt{2} < \underline{\hspace{2cm}}$ ，故 $\sqrt{2}$ 的近似值四捨五入到小數點後第一位約 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

例 1：求下列各數的值：

(1) $\sqrt{2^2 \times 3^4 \times 5^2}$

(2) $\sqrt{1225}$

例 2：求下列各數的值：

(1) $\sqrt{2^6 \times 3^2}$

(2) $\sqrt{2025}$

例 3：以十分逼近法求 $\sqrt{5}$ 的近似值，並以四捨五入法求至小數點後第一位。

例 4：以十分逼近法求 $\sqrt{3}$ 的近似值，並以四捨五入法求至小數點後第一位。

例 5：已知 m 為正整數，若 $m < \sqrt{10} < m+1$ ，求 m 的值。

例 6：已知 a 為正整數，若 $a < \sqrt{135} < a+1$ ，求 a 的值。

重點整理三

1. \sqrt{a} 與平方根的意義

(1) 若 $a \geq 0$ ，則 $\sqrt{a^2} = a = (\pm a)^2$ 。

例： $\sqrt{3^2} = 3 = (\pm\sqrt{3})^2$ 。

(2) 對於一正數 a ，若一數 b 滿足 $b^2 = a$ ，則稱 b 為 a 的平方根。

(3) 當 $a > 0$ 時，正數 a 的平方根為 \sqrt{a} 與 $-\sqrt{a}$ ，其中 \sqrt{a} 是正平方根，

$-\sqrt{a}$ 是負平方根，此兩數互為相反數，可合併簡記為 $\pm\sqrt{a}$ 。

例：3 的平方根為 $\pm\sqrt{3}$ 。

(4) 當 $a = 0$ 時， a 的平方根只有一個數 0。

(5) 當 $a < 0$ 時，負數 a 沒有平方根。(國中階段)

2. 常用的求值式：

(1) 對於每個數 a ， $\sqrt{a^2} = |a|$ 。

(2) 已知兩數 a 、 b ，若 $\sqrt{a^2} + \sqrt{b^2} = 0$ ，則 $a = b = 0$ 。

例 1：求下列各數的平方根：

(1) 49 (2) 17

例 2：求下列各數的平方根：

(1) $\frac{49}{16}$ (2) $2\frac{1}{4}$ (3) 0.09

例 3：求下列各數的平方根：

(1) $1\frac{7}{9}$ (2) 0.25

例 4：已知 $3x-5$ 的平方根為 $\pm\sqrt{10}$ ，求 x 的值。

例 5：已知 $5x+3$ 的平方根為 $\pm\sqrt{13}$ ，求 x 的值。

例 6：已知 -2 是 $3x+5y$ 的一個平方根，且 $2x-5y+5$ 的平方根為 ± 4 ，則：

(1) x 與 y 的值分別為何？ (2) $2x-3y$ 的平方根為何？

例 7：依霖 剪出了一系列形狀類似的長方形紙片，所有紙片的長皆為寬的 3 倍。試問：

- (1) 若某張紙片的寬為 5 公分，則其面積為何？
- (2) 若要剪出一個面積為 50 平方公分的此系列長方形紙片，則這張紙片的寬約為多少公分？(以四捨五入法求至小數點後第一位)

例 8：已知 $\sqrt{504+a}$ 、 $\sqrt{504-b}$ 、 $\sqrt{504 \times c}$ 、 $\sqrt{504 \div d}$ 皆為正整數，且 $22 < \sqrt{504} < 23$ ，則滿足此條件的最小正整數 a 、 b 、 c 、 d 分別是多少？

例 9：若 $\sqrt{(a-2b-11)^2} + \sqrt{(2a+b-12)^2} = 0$ ，則：

(1) a 與 b 的值分別為何？

(2) $3a-2b$ 的平方根為何？

例 10：計算下列各式的值：

(1) $\sqrt{227 \frac{1}{225}}$

(2) $\sqrt{254 \frac{1}{256}}$

熟練運算

重點一

1. 求下列各式的值：

(1) $\sqrt{900}$

(2) $\sqrt{\frac{144}{289}}$

2. 求下列各式的值：

(1) $\sqrt{5^2}$

(2) $\sqrt{121}$

(3) $\sqrt{\left(\frac{7}{19}\right)^2}$

(4) $\left(\sqrt{\frac{2}{3}}\right)^2$

3. 求下列各式的值：

(1) $-\sqrt{169}$

(2) $\sqrt{1.69}$

(3) $\sqrt{\frac{81}{25}}$

(4) $\sqrt{2^2 \times 3^4}$

4. 比較下列各數的大小：

(1) $\sqrt{65}$ 、 $\sqrt{70}$ 、8、9

(2) $\sqrt{\frac{13}{5}}$ 、2、 $\sqrt{3}$ 、 $\sqrt{2}$

(3) $\frac{5}{2}$ 、 $\sqrt{\frac{5}{2}}$ 、 $\frac{\sqrt{5}}{2}$ 、 $\frac{5}{\sqrt{2}}$

重點二

1. 設 m 為正整數，若 $\sqrt{180 \times m}$ 為正整數，則 m 的最小值為_____；此時 $\sqrt{180 \times m}$ 的值為_____。

2. 試問 $\sqrt{15}$ 介於哪兩個連續整數之間？

3. 已知 $3.8^2 = 14.44$ 、 $3.85^2 = 14.8225$ ， $3.9^2 = 15.21$ ，則 $\sqrt{15}$ 的近似值為多少？

(以四捨五入法求至小數點後第一位)

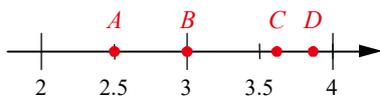
按下列步驟完成下列空格，利用十分逼近法求 $\sqrt{11}$ 的近似值，並以四捨五入法求至小數點後第一位。

① 因為 $1^2 = 1$ ， $2^2 = 4$ ， $3^2 = 9$ ， $4^2 = 16$ ，所以 _____ $< \sqrt{11} <$ _____。

② 因為 $3.3^2 = 10.89$ ， $3.4^2 = 11.56$ ， $3.5^2 = 12.25$ ，
所以 _____ $< \sqrt{11} <$ _____。

③ 因為 $3.35^2 = 11.2225$ ，所以 $\sqrt{11} \doteq$ _____。

4. 判斷下圖數線上的 A 、 B 、 C 、 D 四點，哪一點與 $\sqrt{12.5}$ 最接近？



5.(1) 已知 m 為正整數，若 $m < \sqrt{180} < m+1$ ，則 $m =$ _____。

(2) 設 n 為正整數，若 $\sqrt{180+n}$ 為正整數，則 n 的最小值為_____。

6.(1)利用下表，求 $\sqrt{14} \doteq$ _____。(以四捨五入法求至小數點後第一位)

N	3.73	3.74	3.75	3.76
N^2	13.9129	13.9876	14.0625	14.1376

(2)設 n 為正整數，若 $n < \sqrt{1400} < n+1$ ，則 $n =$ _____。

重點三

1 求下列各數的平方根：

- (1) 196 (2) $\frac{81}{121}$ (3) 2.25 (4) 15 (5) $2^4 \times 5^2 \times 7^2$

2.求下列各數的平方根：

- (1) 64 (2) 0.64 (3) $1\frac{21}{100}$ (4) 17 (5) $2^4 \times 5^4$ (6) $2^2 \times 3^4 \times 7^2$

3.(1)已知 $3x+4$ 的平方根為 ± 4 ，求 $x =$ _____。

(2)已知 $\sqrt{3x+4}$ 的平方根為 ± 4 ，求 $x =$ _____。

4.若 a 為正數，已知 \sqrt{a} 的平方根為 ± 3 ，則 $a = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

5.已知 -3 是 $x+2y$ 的一個平方根，且 $3x-2y+5$ 的平方根為 ± 2 ，則：

(1) x 與 y 的值分別為多少？ (2) $\sqrt{x+4y}$ 的平方根為多少？

6.下列有關平方根的敘述，何者正確？

(A) 因為沒有任何整數的平方等於 2，所以 2 沒有平方根

(B) 因為 $a=2^2$ ，所以 a 是 2 的平方根

(C) 因為 $-2^2=-4$ ，所以 -2 是 -4 的平方根

(D) 若 a 是 2 的平方根，則 $-a$ 也是 2 的平方根

答： $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

7.下列敘述何者正確？

(A) $\sqrt{25} = \pm 5$ (B) $\sqrt{(-3)^2} = -3$ (C) $-\sqrt{0.09} = -0.3$ (D) $\sqrt{1.6} = 0.4$

答： $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

8.若有一圓面積為 20，其半徑長為 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

(已知圓周率約為 3.14，半徑長以四捨五入法求至小數點後第一位)

9. 依霖拿了邊長 1 公分的小正方形紙張共 250 張，想要拼成一個無空隙的最大正方形，而且小正方形紙張不能切割，請問拼成的最大正方形邊長為_____，還剩下_____張小正方形。

10. 已知 $\sqrt{720} \doteq 26.8$ ，且 a 、 b 、 c 、 d 為正整數，欲使 $\sqrt{720a}$ 、 $\sqrt{\frac{720}{b}}$ 、 $\sqrt{720+c}$ 、 $\sqrt{720-d}$ 為正整數，則 a 、 b 、 c 、 d 的最小值分別是多少？

11. 若 $\sqrt{(2a+3b-3)^2} + \sqrt{(3a-4b-13)^2} = 0$ ，則：

(1) a 與 b 的值分別為多少？

(2) $\sqrt{9a+2b}$ 的平方根為多少？

12. 計算下列各式的值：

(1) $\sqrt{290 + \frac{290}{289}}$

(2) $\sqrt{323 - \frac{323}{324}}$

備忘錄

A large, empty rectangular box with a thin black border, occupying most of the page. It is intended for students to write their notes or reminders.